

Objectifs

- ❑ Le but de la théorie des probabilités est de fournir les outils mathématiques pour décrire les phénomènes aléatoires. Dans la formulation moderne, la formulation de cette théorie contient l'univers, les événements, et la mesure de probabilité.
- ❑ Utiliser les notions et le vocabulaire propres à la théorie des probabilités et à la statistique.
- ❑ Utiliser correctement les tables des lois binomiale, de Poisson, Student et du khi carré.
- ❑ Estimer une moyenne ou une proportion par intervalle de confiance.

I. Analyse combinatoire

II. Calcul des probabilités

III. Variables aléatoires

IV. Lois discrètes usuelles

V. Loi continue

une expérience aléatoire est une expérience dont on ne connaît l'issue fondamentale d'une expérience aléatoire est l'ensemble de tous les résultats possibles et cet ensemble est en général noté Ω . Il peut être fini ou infini.

Exemple 1 : on s'intéresse au chiffre obtenu. L'ensemble fondamentale est alors fini.

Exemple 2 : on s'intéresse au nombre de fois qu'il faut lancer une pièce autant de fois que nécessaire pour obtenir une fois "face". L'ensemble fondamental est infini.

Exemple 3 : si on note F pour "face" et P pour "pile", on a $\Omega = \{F, PF, PPF, PPPF, \dots\}$.

Exemple 4 : on s'intéresse à la durée de vie d'un virus. L'ensemble fondamental est alors infini, non dénombrable.

Combinatoire est une branche des mathématiques qui permet de compter les objets. Elle fournit des méthodes souvent utiles en théorie des probabilités.

On veut réaliser deux expériences. Si l'expérience 1 peut donner n résultats, et l'expérience 2, m résultats, il y a $n \times m$ résultats possibles pour les deux expériences prises ensemble:

Exemple: la FSJES-AC choisit une formation et une langue de formation. Les combinaisons possibles sont les suivantes:

{ Marketing digital }

{ Français, Anglais }

Combien de combinaisons peut-on composer ?

La première expérience (le choix de la formation) et l'expérience 2 est le choix de la langue.

Et cartésien d'un ensemble sur lui-même, on note P est le produit de p ensembles E .

On note $E = \{1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6\}$ l'ensemble des résultats pour deux dés.

$= 36$ couples appartenant à E^2

E_1, E_2, \dots, E_p . Alors on a : $\text{Card} \{ E_1 * E_2 * \dots * E_p \} = \text{Card} \{ E_1 \} * \dots$

sa carte 3 entrées, 4 plats et 2 desserts.

Composés d'une entrée, d'un plat et d'un dessert peut-on constituer une tarte aux pommes imposée.

es, P celui des plats et D celui des desserts.

$\text{Card} \{ P \} * \text{Card} \{ D \} = 3 \times 4 \times 2 = 24$.

e a le choix entre 4 pantalons , 5 chemises et 3 vestes. Il choisit au h
çons différentes peut-il s'habiller ?

ipes de hockeys de 12 et 15 joueurs échangent une poignée c
rre la main de chaque joueur de l'autre équipe. Combien de poig

onnaire à choix multiples, autorisant une seule réponse par qu
propose 4 réponses possibles. De combien de façons peut-on rép

atique, on utilise le système binaire pour coder les caractères. U
a valeur 0 ou la valeur 1. Avec 8 chiffres binaires (un octet), com

le d'un nombre : : On appelle factorielle n
tiers de 1 à n. Et on note : $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times$
rielle n ».

1

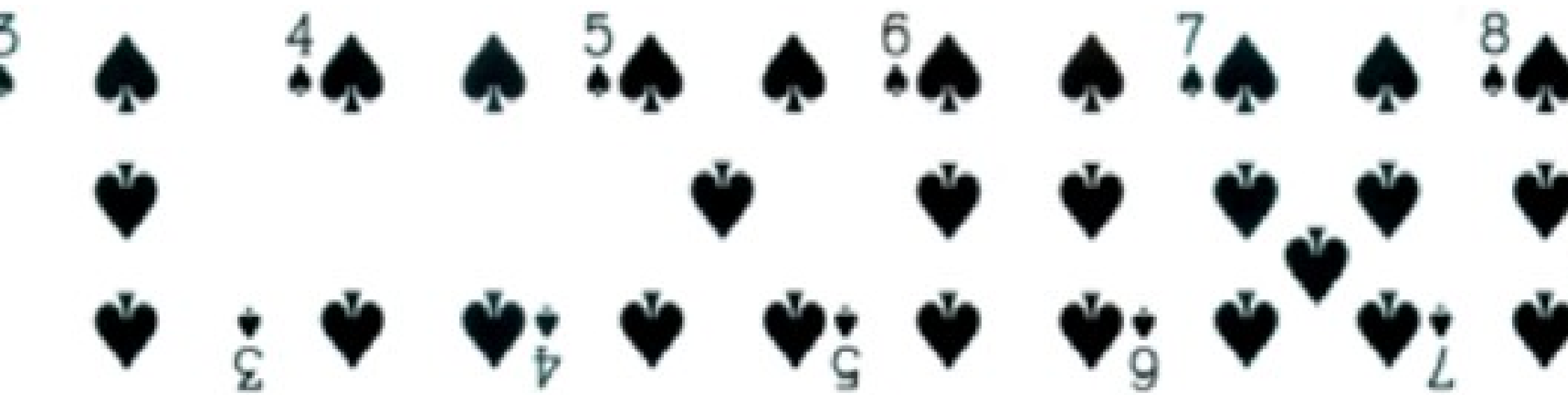
vention

collection de k objets pris successivement par permutation. Il est dit simple si on ne peut prendre ces

objets distincts, on choisit k éléments distincts en le permutant sans répétition (de k éléments parmi n sans répétition est :

$$= \frac{n!}{(n-k)!} = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \dots (n-k+1)$$

As de pique, jusqu'à 9 de pique, combien d'arrangements ?



9 choix pour la 1ère place, 8 choix pour la 2ème place, 7 choix pour la 3ème place, 6 choix pour la 4ème place. Donc il y a $9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 = 3'024$

le nombre de calculer est : $9 \cdot 8 \cdot 7 \cdot 6 = \frac{9!}{5!} = 3'024$ qui peut être

Combien de mots fictifs de 3 lettres distinctes peut-on former avec l'alphabet ?

À l'occasion d'une compétition sportive groupant 10 équipes, on attribue à chaque équipe une médaille d'or, une d'argent, une de bronze. Combien de distributions de médailles y a-t-il ?

Un groupe de 30 personnes cherche à constituer un conseil d'administration composé de 3 personnes. Combien de conseils d'administration y a-t-il de possibilités ?

cts, on choisit k éléments distincts ou non (on
ans un ordre particulier, on forme un arrange
re d'arrangements avec répétition est n^k .
ent peut être choisi parmi n possibles, le deux
 n .

se d'un compte facebook construit à partir
Comme on tient compte de l'ordre et les ré
un arrangement avec répétition de 6 éléments

Solution 10^6

on sans répétition est un arrangement de n o
e n objets tous distincts est $n!$.

rammes du mot MAROC (même sans significat

MAROC est une permutation sans répétition
nes du mot MAROC qu'on peut former est $5!$.

is un ordre par lequel n éléments dont n₁ sont
np identiques de type p (n₁ + n₂ + ... + n_p = n),
éléments). Le nombre des permutations avec n

$$\frac{n!}{n_1! \times n_2! \times \dots \times n_p!}$$

mot ECONOMIE =

mot STATISTIQUES=

on aligner 3 garçons et 4 filles, sans distinguer ni les

on aligner 2 livres rouges, 5 livres verts et 1 livre b

res!)

résultat = 5! / (2! * 5! * 1!) = 5! / (2! * 5!) = 5! / (2 * 120) = 120 / 240 = 0,5

est une collection de k objets pris simultanément dans l'ordre d'apparition. Elle est dite sans répétition au plus. Le nombre de combinaisons sans répétition est :

$$C_n^k = \frac{n!}{k! \cdot (n - k)!} \quad k \leq n$$

Les joueurs $\{K ; S ; R ; k\}$ désirent jouer au tennis de table. Combien de doubles peuvent-elles former ?

Une équipe est caractérisée par l'ordre des objets. L'équipe

onnes se rencontrent et se serrent la main.

vez organiser un tournoi de tennis dans le cas
crites qui devront toutes jouer une fois con
vont devoir se dérouler ?

0 députés et 6 sénateurs, on veut former un
t 5 députés. Quel est le nombre de possibilités

n de glaces distinctes avec 4 parfums diffé

ient les 6 jetons suivants {① ② ③ ④ ⑤ ⑥} et 5 jetons. Combien de tirages différents compte-t-on ?

On tire les 6 jetons et on les aligne. Combien de numéros différents peut-on ainsi former ?

On tire 4 jetons et on les aligne. Combien de numéros différents peut-on ainsi former ?

On tire 4 jetons. Combien de tirages différents peut-on obtenir ?

est une expérience dont l'issue n'est pas prévue.
peut donner lieu à des résultats différents.
résultats possibles s'appelle l'ensemble for
era noté Ω .

ensemble de résultats (un sous-ensemble de l'
est une affirmation concernant le résultat
tout résultat de l'univers, si l'événement se ré
une proposition, est identifié à la partie de l'

aléatoire toute action ou processus dont

cardinal fini et P est une probabilité uniforme

on a:

$P(A) = \frac{\text{Nombre de cas favorables}}{\text{Nombre total}}$

n.

ible.

ements, $A \cup B$ est l'évènement qui se réalise l'un ou l'autre

évènements, $A \cap B$ est l'évènement qui se réalise simultanément

A et B sont dits incompatibles s'ils ne peuvent pas se réaliser

l'un ou l'autre évènement A est l'évènement constitué par

une application de $P(\Omega)$ vers $[0, 1]$ possédant les

$$P(A) + P(\overline{A})$$

A et B sont incompatibles ($A \cap B = \emptyset$), Ainsi
(1), avec $0 \leq P(A) \leq 1$.

\overline{A} son évènement contraire. Alors, on a : $P(\overline{A})$

$$P(A \cap B)$$

(3)

bons à la menthe, 3 à l'orange et 5 au citron.

init les événements suivants :

the » ;

e » ;

n ».

tés $p(A)$ puis $p(B)$ et $p(C)$.

ce par un arbre pondéré (on fait figure

maie trois fois.

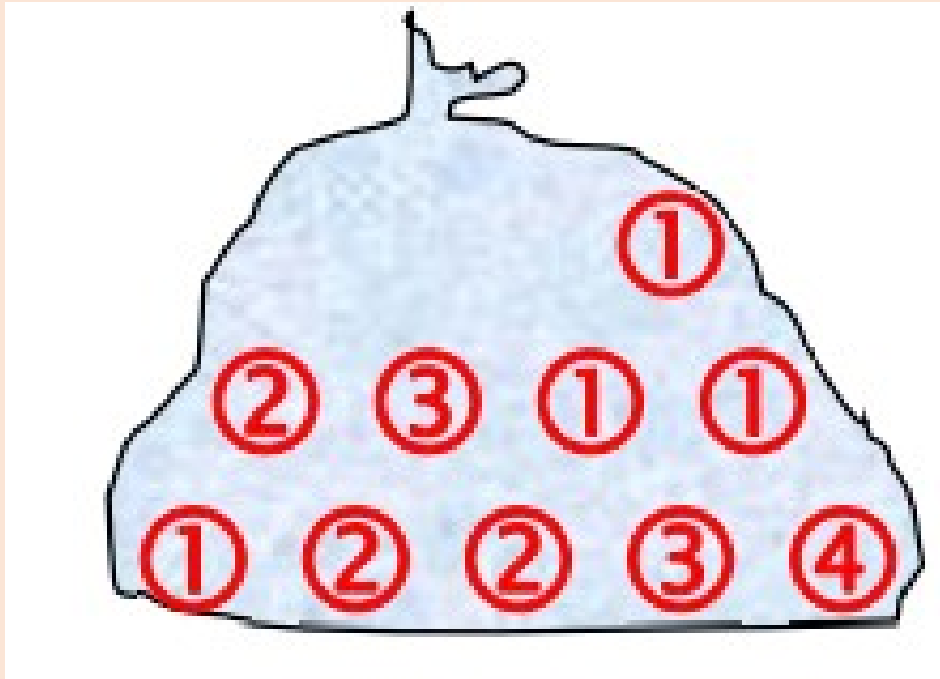
deux faces »

au moins deux faces »

us deux faces »

un arbre pondéré.

hasard une boule et on lit le nombre de points



possibles par les probabilités données sou

é de l'événement A : « obtenir au moins 2 poin

droit à deux tentatives pour réussir sa mise
e dans 65 % des cas. Quand il échoue, il réus
obabilité pour qu'il commet une double faute (

es indiscernables au toucher : deux bleues « B »
deux sacs contenant des jetons : l'un est b
rouges « r », l'autre est rouge et contient de

urne, puis on tire un jeton dans le sac qui est

es possibles ?

déré, détermine la probabilité de chacune de
ité d'événement A : « la boule et le jeton ex

0 ;

7 ;

2 ;

4 jetons du sac. Quel est le nombre de tirages
les tirages sont équiprobables et on considère
entiques.

on peut former le nombre 2000."
lancs."

1. Il y a $\binom{10}{4} = 210$ tirages distincts possibles.

conditionnelle de A sachant B , notée $P(A/B)$, la
réalisé. Elle est donnée par la formule suivante

$$P(A/B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

ionner par rapport à un événement impossible
0.

$$= P(B/A)P(A)$$

ent A et B sont indépendants équivaut à $p(A | B) = p(A)$ et $p(B | A) = p(B)$.

nt indépendants si et seulement si:

$$P(A \cap B) = P(A) \cdot P(B)$$

es numérotées de 1 à 12. On en tire une au h

r''
 $3''$

ont-ils indépendants?

vec une urne contenant 13 boules

deux porte des lunettes : quelle est la proba
d soit une femme ?

population 40% des individus ont les yeux bruns
des individus ont les yeux bruns et les cheve
ez :

nement : si un individu a les yeux bruns d'avoir

nement : si un individu a les cheveux blonds d'

nement : si un individu a les cheveux blonds,

effets secondaires :

patients sont soulagés. Avec le Doliprane,

des personnes soulagés

pour un patient d'avoir pris de l'aspirine sachant

de population- marocaine est atteinte du Virus
15:

e du virus, alors le test est positif avec une p
alors le test est positif avec une probabilité d
té pour une personne d'être atteinte du virus
té pour une personne d'être saine si son test e
té pour une personne d'être atteinte du virus
té pour une personne d'être saine si son test e

te deux produits : le bois et l'aluminium .

ur A comporte 40% de bois

ur B comporte 70% de l'aluminium

ur C comporte 80% du bois

ondéré traduisant la situation

é que la matière première choisie soit le

é que la matière achetée soit l'aluminium

re première achetée est l'aluminium, qu'elle

isseur C

de deux événements A et B tels que : $P(A) = 0,4$
rés de $A \cap B$ et de $A \cup B$ si A et B sont incompatibles
rés de $A \cap B$ et de $A \cup B$ si A et B sont indépendants

sportive	212	378	630
Activité culturelle	58	42	100
Aucune des deux activités	1120	630	1750
Total	1450	1050	2500

On choisit une des personnes interrogées au hasard.

- On note respectivement F et C les événements « la personne est sportive » et « la personne pratique une activité culturelle ».
 - Calculez les probabilités de F , C et $F \cap C$.
 - Les événements F et C sont-ils indépendants ?
- Calculez la probabilité que la personne soit un homme sachant qu'elle ne pratique aucune des activités.

liser en une journée deux fois plus d'ampoules
oules défectueuses est 3% pour l'atelier A et
hasard dans l'ensemble de la production d'u

ité que cette ampoule provienne de l'atelier
e ampoule provienne de l'atelier A et est dé
e ampoule provienne de l'atelier B sachant c

divant

Situation	Vaccinée	Non Vaccinée	Total
Malade	120	180	300
Non Malade	480	220	700
Total	600	400	1000

signifie que "la personne a été vaccinée"

signifie que "la personne est tombée malade"

calculer les probabilités $p(V)$ et $p(V \cap M)$ et interpréter
calculer la probabilité qu'une personne soit tombée malade
et qu'elle ait été vaccinée

calculer les probabilités $p(V)$ et $p(V \cap M)$ et interpréter

expérience aléatoire s'appelle une issue.

est l'ensemble des issues d'une expérience aléatoire.
s-ensemble de l'univers des possibles.

est un événement contenant une seule issue.

est une quantité numérique associée au résultat aléatoire.

: "On lance un dé à six faces et on regarde le résultat."

$W = \{1 ; 2 ; 3 ; 4 ; 5 ; 6\}$ s'appelle l'univers des possibles.

A : "On obtient un résultat pair." On a donc : $A = \{2 ; 4 ; 6\}$

élémentaire E : "On obtient un 3". On a donc : $E = \{3\}$

is de suite une pièce de monnaie, X est le nom

ivante : la participation coute 10 Dh et chaque
a différence entre ce qui est gagné et dépens

à X associe à toute valeur x_i la probabilité

La fonction de la loi de probabilité de X est

$$p_1 x_1 + \dots + p_n x_n = \sum_{i=1}^n p_i x_i$$

La variance de la loi de probabilité de X est :

$$Var(X) = E(X^2) - (E(X))^2$$

$$= p_1(x_1 - E(X))^2 + p_2(x_2 - E(X))^2 + \dots + p_n(x_n - E(X))^2 = \sum_{i=1}^n p_i(x_i - E(X))^2$$

$$\text{La déviation standard de la loi de probabilité de } X \text{ est : } \sigma(X) = \sqrt{V(X)}$$

t par X la variable aléatoire " Somme des deu.
a variable X (Espérance mathématique et éca

une variable aléatoire dont les valeurs sont égales à x_i ont le résultat est X . La loi de probabilité de X

x_i	1	2	3	4	5	6	Total
$P(X = x_i)$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{6}$	1

uniforme lorsque, pour tout $i \in \{1, \dots, n\}$ on a $P(X = x_i) = \frac{1}{n}$

est dite binaire (ou de Bernoulli) lorsqu'elle n'a
able aléatoire binaire est une variable aléatoire

nsité de probabilité de X est alors :

x_i	0	1	Total
$X = x_i$	$1 - p$	p	1

) la loi de Bernoulli de paramètre p . Lorsqu'une
b).:

e suivant une loi de Bernoulli de paramètre p

binomiale de paramètres n et p est la loi d'une variable aléatoire qui donne le nombre de succès quand on répète de façon indépendante n fois une épreuve de Bernoulli de paramètre p .

(n, p) la loi binomiale de paramètres n et p .
Si une variable aléatoire X suit la loi $B(n, p)$ on écrit

« une variable aléatoire X suit une loi binomiale de paramètres (n, p) ».

« les succès »,

« de n épreuves de Bernoulli identiques et indépendantes ».

« les expériences sont identiques et indépendantes ».

une expérience suivant un schéma de Bernoulli

soit la variable aléatoire X qui suit la loi binomiale
de paramètres n et p , tel que $0 \leq k \leq n$, la loi de probabilité de X

$$P(X = k) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

variable aléatoire X qui suit la loi binomiale de param

$$V(X) = n \times p \times (1 - p) \quad \sigma(X) = \sqrt{V(X)}$$

ère, la probabilité qu'un forage conduise à une nappe de pétrole
réalisation d'un forage peut être assimilée à une épreuve de Bernoulli.
rages.

hypothèse doit-on formuler pour que la variable aléatoire X correspondant
à une nappe de pétrole suive une loi binomiale ?

te hypothèse, calculer la probabilité qu'au moins un forage conduise à une
eur à 10^{-3} près.

Un constructeur de composants produit des résistances. La probabilité qu'une résistance soit défectueuse est égale à 5×10^{-3} .

Dans un lot de 1000 résistances, quelle est la probabilité d'avoir

- Exactement deux résistances défectueuses ?
- Au plus deux résistances défectueuses ?
- Au moins deux résistances défectueuses ?

Une classe compte 30 élèves dont 20 filles. A chaque cours de mathématiques, le professeur interroge au hasard un élève de la classe, sans se rappeler quels élèves il a déjà interrogés.

On considère un entier positif ou nul n et on note X la variable aléatoire qui correspond au nombre de filles interrogées au cours de n jours consécutifs.

- 1) Quelle est la loi de X ?
- 2) Quelle est la probabilité que sur 10 jours consécutifs, soient interrogées 4 filles exactement ? au moins 4 filles ?
- 3) Quel doit être le nombre minimal de cours consécutifs pour que la probabilité qu'aucune fille ne soit interrogée soit inférieure à 0,001 ?

e, un modèle d'ordinateur est en promotion. Une é
chaque fois qu'un client s'intéresse à ce modèle, la
0,3. On considère un échantillon aléatoire de dix c
e. On suppose que le nombre d'acheteurs parmi ce

nombre moyen de personnes de cet échantillon qui on

abilité, dans cet échantillon, qu'entre 3 et 6 perso
n donnera le résultat à 10^{-3})

10 étudiants de la FSJLS-ACS apprenent à passer les examens de rattrapage. Admettons que le nombre des étudiants qui réussissent l'examen est toujours égale à 450 sur 1000 étudiants. Soit X , la variable aléatoire donnant le nombre des étudiants qui réussissent les examens de rattrapage.

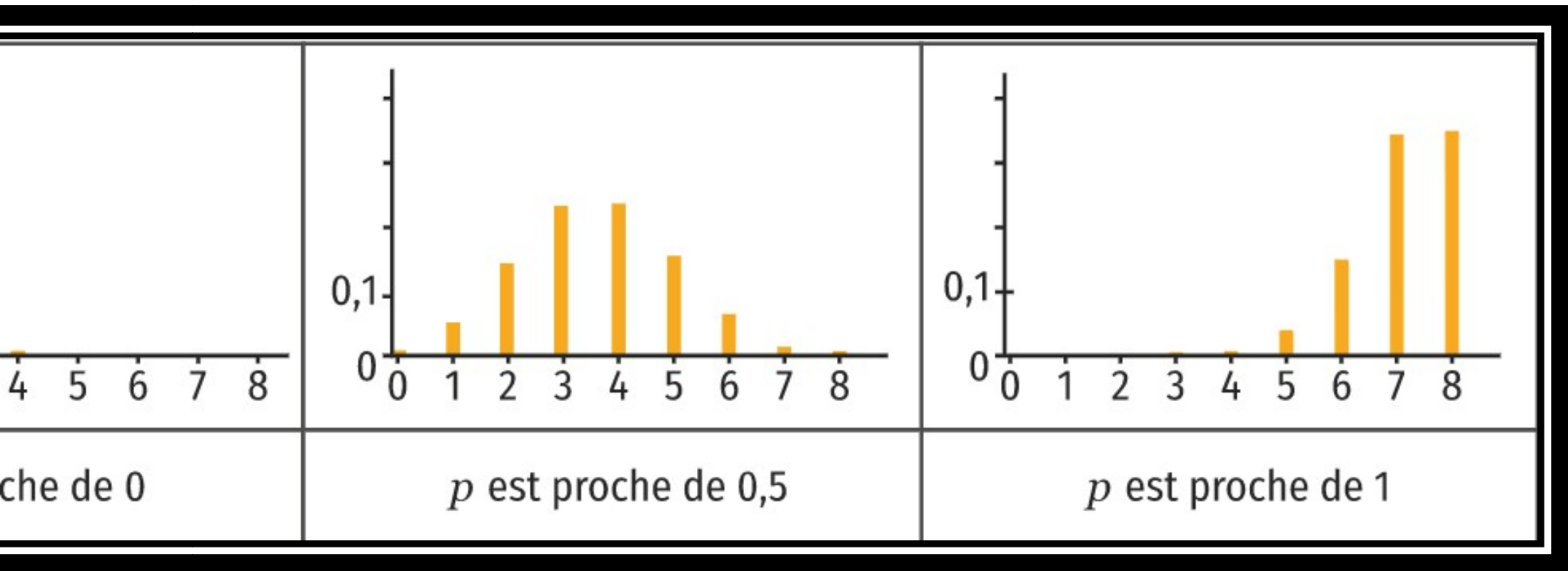
Justifiez que X suit une loi binomiale et précisez les paramètres. Calculez l'espérance et l'écart type de X et interprétez-les. Calculez la probabilité que 4 étudiants réussissent l'examen. Calculez la probabilité qu'au moins 2 étudiants réussissent l'examen. Quel serait le nombre minimale des étudiants pour que la probabilité qu'aucun étudiant ne réussissent l'examen soit inférieure à 0,001 ?

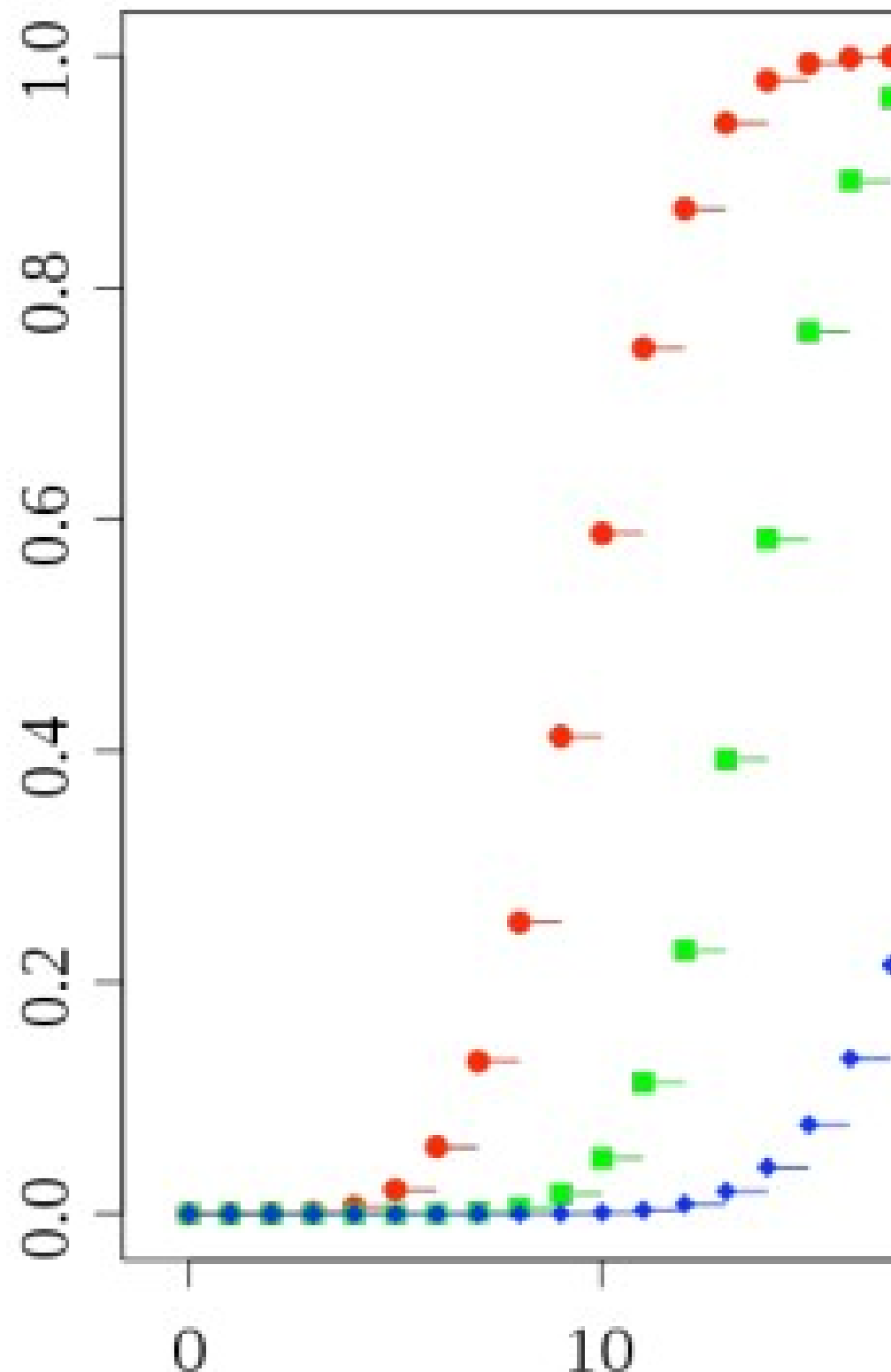
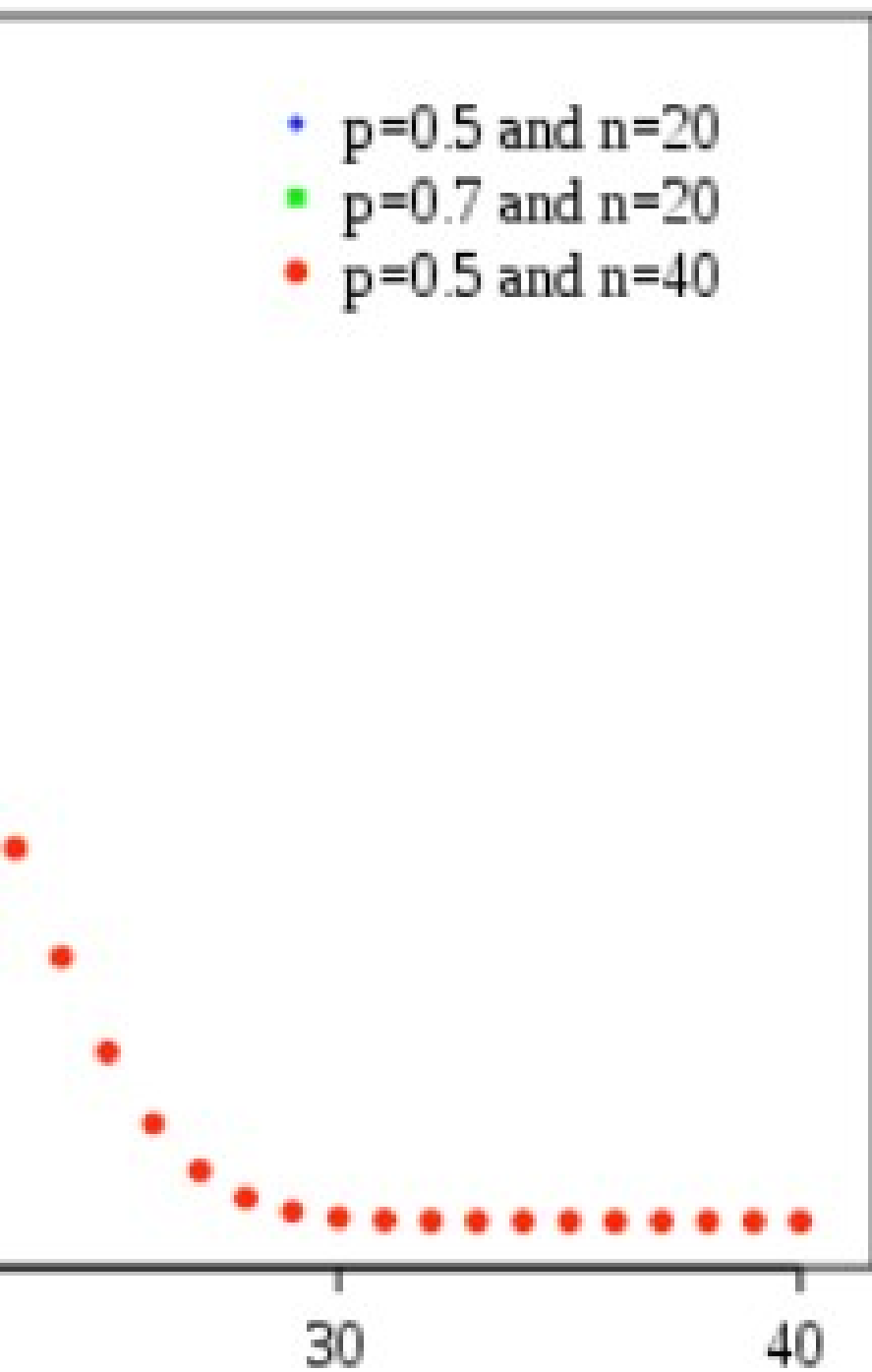
ressources humaines, sur 30 candidatures la probabilité qu'un candidat reçoit une réponse d'une entreprise est 0,2. Supposons que ces réponses sont indépendantes.

Quelle est la probabilité qu'un candidat reçoit

1. Exactement 3 réponses.
2. Au moins 2 réponses
3. Au plus 2 réponses

qu'il se passe avec $n=8$ et différentes valeurs de p . L'abscisse k correspond à la fréquence observée (voir <http://www.maths-lycee.fr/page/16216377>)





ence d'un événement X dans un temps T est k

$$= e^{-\lambda} \frac{\lambda^k}{k!}$$

$$E(X) = \lambda$$

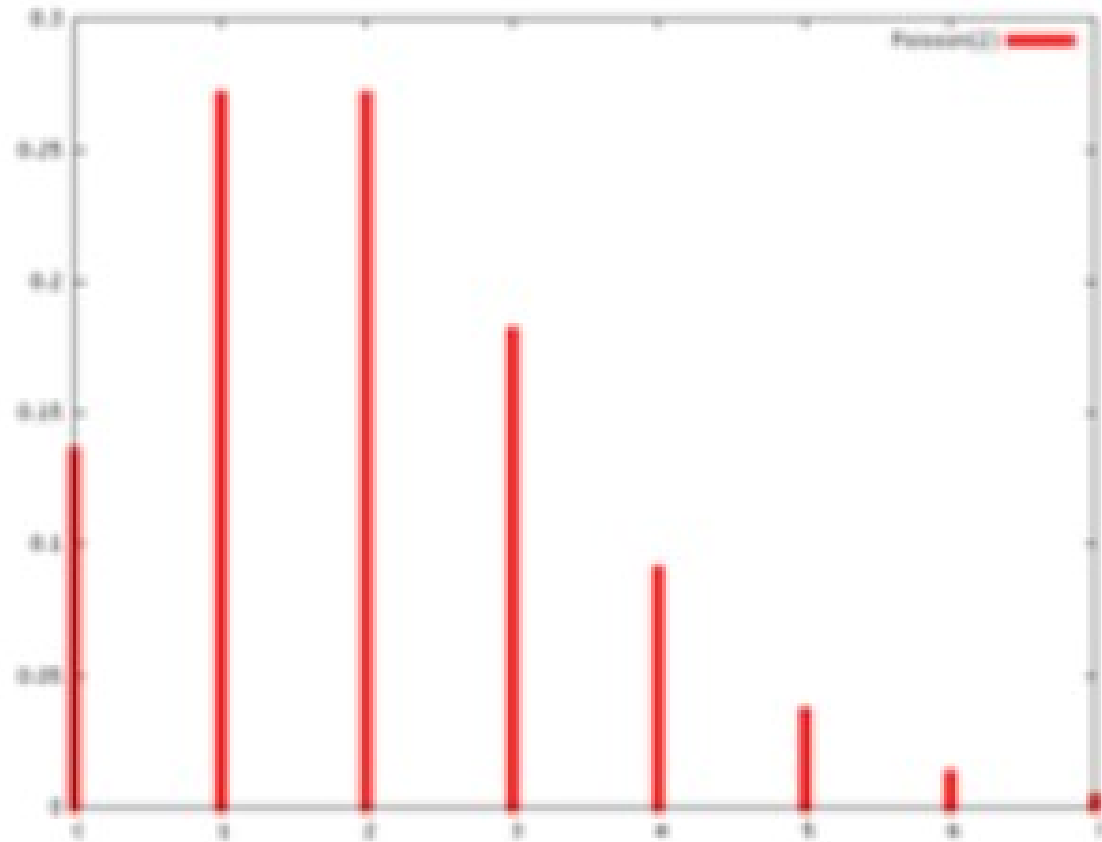
$$V(X) = \lambda$$

événement par unité de temps

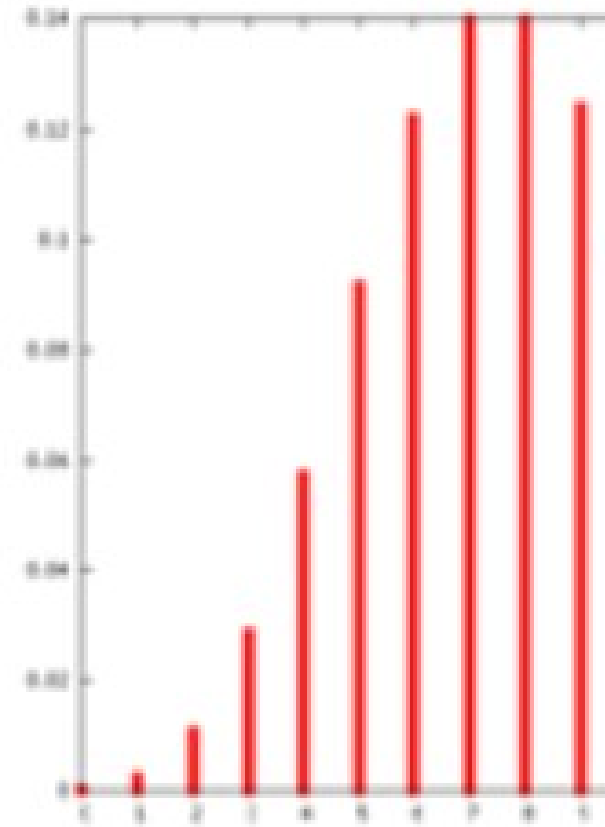
$P(np)$

Exemples ci-dessous, cette loi est **asymétrique** (c'est-à-dire une propriété qui est de nature inégale et asymétrique.)
et à mesure que λ augmente:

Pour $\lambda = 2$:



Pour $\lambda = 10$:



X de désintégrations d'une substance radioactive. (On ne mesure pas l'intensité du rayonnement de toute substance pendant un certain temps en raison de l'émission spontanée de rayons gamma par le noyau atomique.) durant un intervalle de temps t . On suppose que X suit une loi de Poisson de paramètre 3,87.

Calculer la probabilité qu'il y ait au moins 2 désintégrations pendant un intervalle de temps de 7,5 secondes ? Calculer l'écart type correspondant. Calculer la probabilité qu'il n'y ait aucune désintégration pendant un intervalle de temps de 7,5 secondes.

de la probabilité qu'un voyageur oublie ses bagages. On admettra que les voyageurs sont choisis au hasard et que leurs comportements, par rapport à l'oubli des bagages, sont indépendants les uns des autres.

Soit X la variable aléatoire qui prend pour valeur le nombre de voyageurs ayant oublié leurs bagages dans le train.

Déterminer la loi de probabilité de la variable aléatoire X , son espérance mathématique et sa variance.

En justifiant la réponse, une loi de probabilité sera attribuée à la question précédente. Ensuite, calculer une valeur approchée de la probabilité

ence de la loi de Poisson ou de la loi binomiale
ns de probabilité discrète, la distribution nor
n de probabilité continue.

er également de distribution Gaussienne. Or
tion graphique est appelée courbe en cloche
a particularité d'être symétrique.

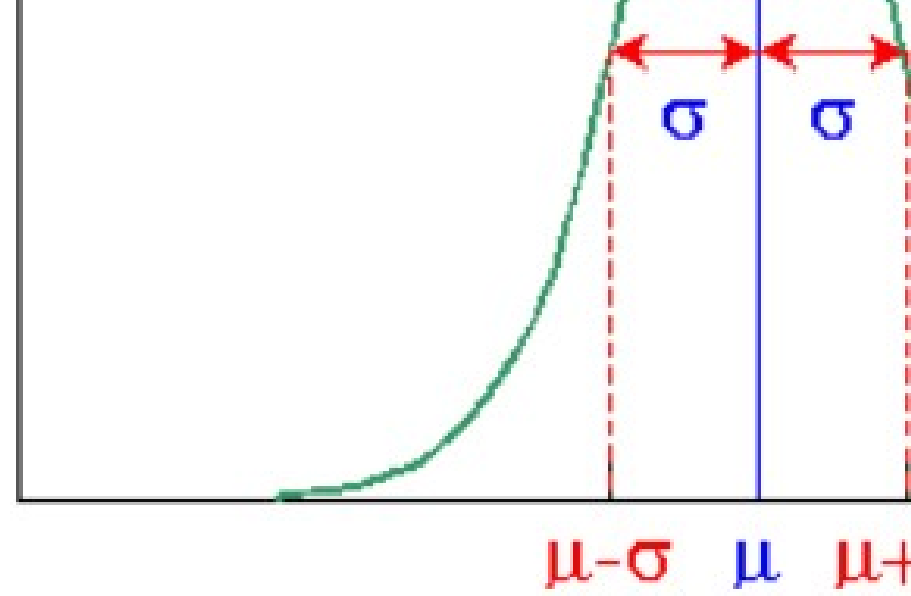
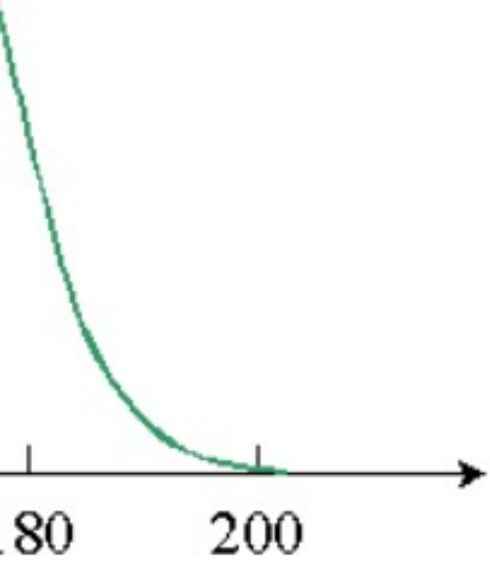
male est remarquable par le fait qu'elle déc
phénomènes naturels. (science physique, soc
, Business...) . Elle peut être utilisée dans un
ns, c'est ce qui la rend si utile.

σ deux réels avec $\sigma > 0$. On dit qu'une variable aléatoire
ou loi Gaussienne, de paramètres m et σ^2 , notée $X \sim$
met pour densité la fonction:

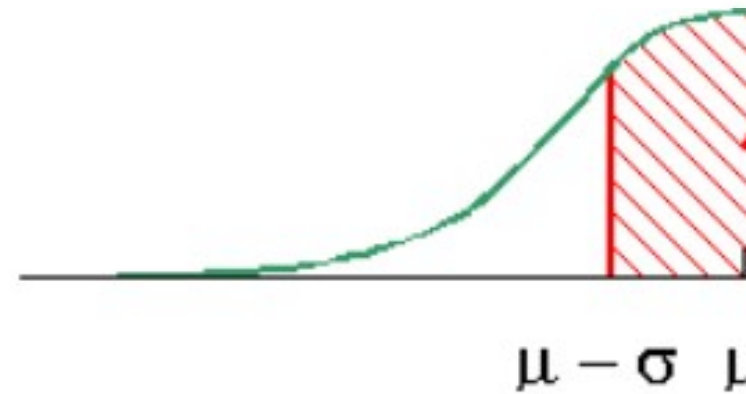
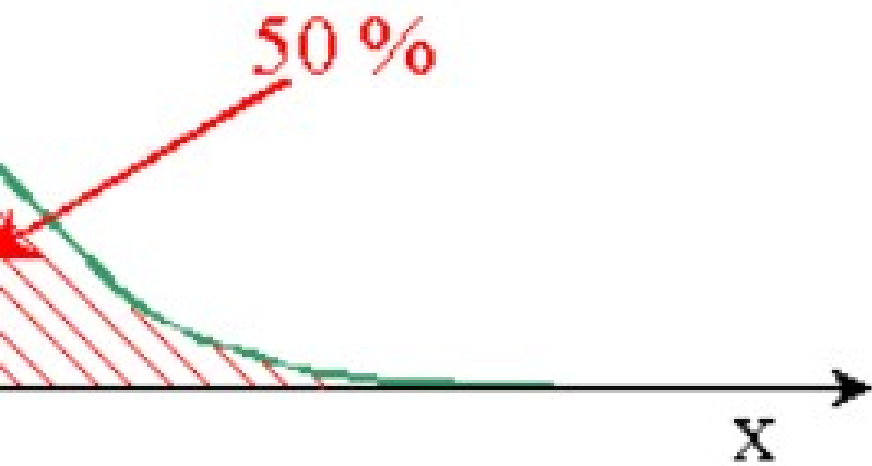
$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma^2}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}$$

variable aléatoire X suivant une loi normale, de paramètres

σ^2

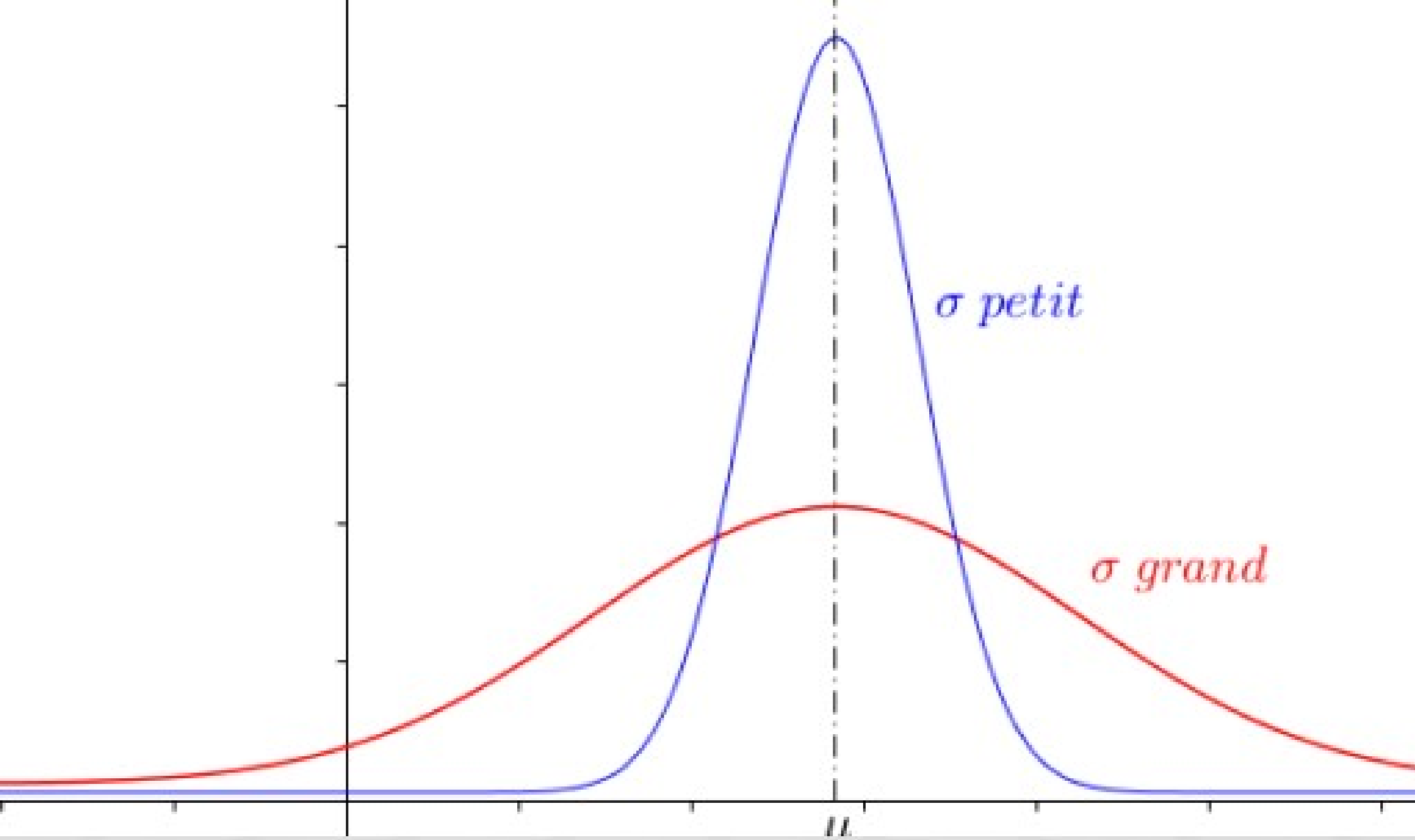


68 % des individus entre $\mu - \sigma$ et $\mu + \sigma$



95 %

99,7 % des individus entre $\mu - 3\sigma$ et $\mu + 3\sigma$ (il y a donc très peu de σ).



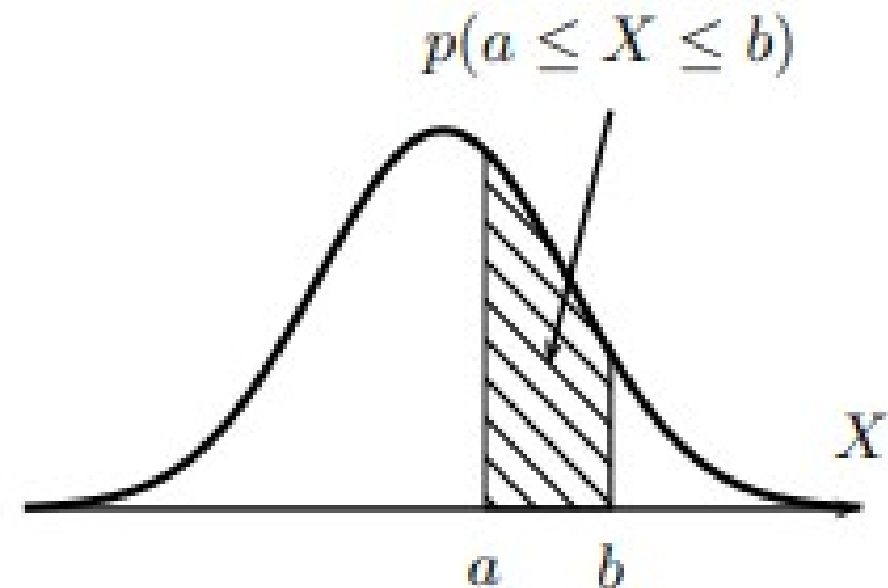
d'autant plus "resserrée" autour de son axe de symé

aléatoire X suit une loi normale de moyenne m et d'écart type σ ($\sigma > 0$).
) signifie que : L'ensemble des valeurs possibles de X est l'ensemble des nombres réels : $X \in] - \infty ; +\infty [$

Soient les deux nombres a et b ($a \leq b$), la probabilité d'événement A est égale à "l'aire sous la courbe" en cloche $N(m; \sigma)$ entre a et b .

l'aire sous la courbe entre a et b

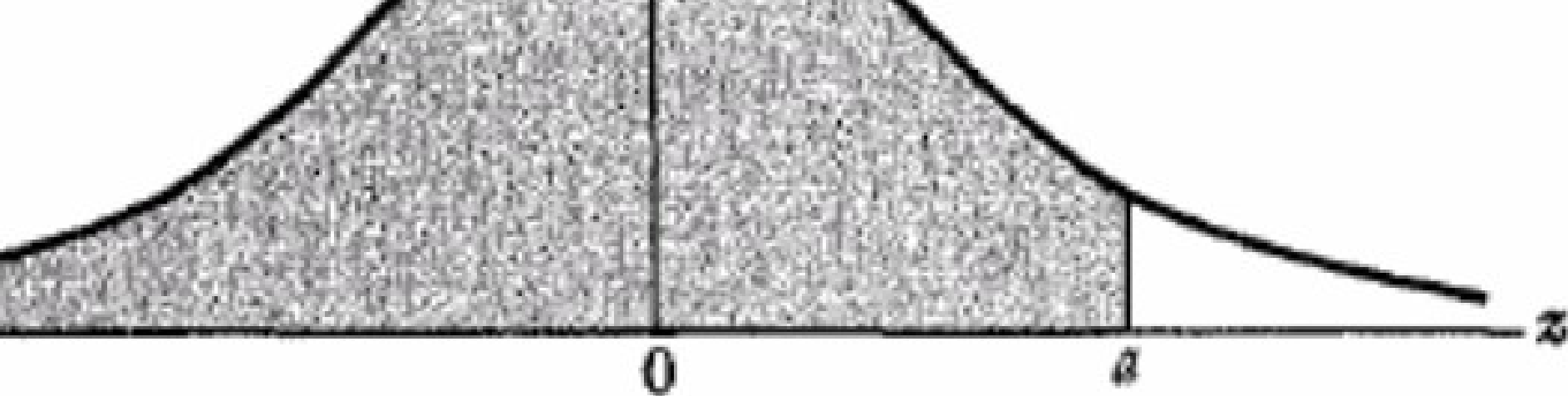
l'aire sous la courbe de $-\infty$ jusqu'à b



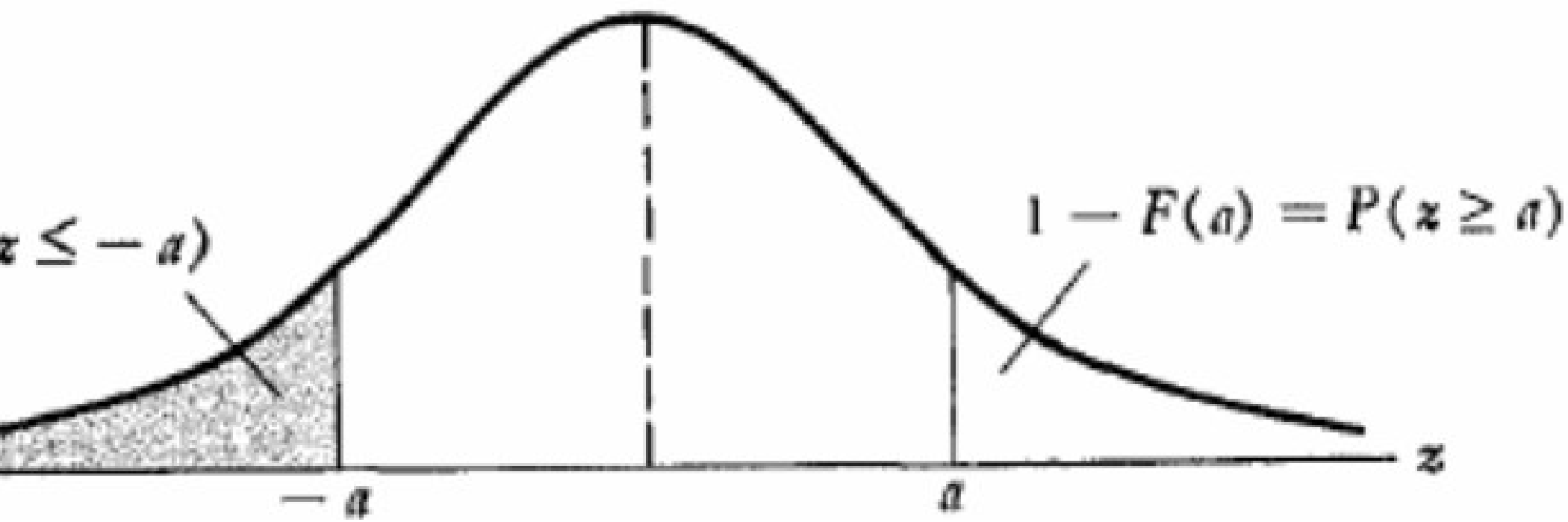
Il y a un nombre illimité de loi normale, les mathématiciens ont simplifié les choses en calculant les aires sous une loi normale avec les paramètres : $\mu=0$ et de $\sigma=1$. Cette distribution est appelée loi normale centrée réduite.

Pour trouver les probabilités associées à la loi normale, on utilise la loi normale réduite: c'est une loi normale avec $\mu=0$ et $\sigma=1$.

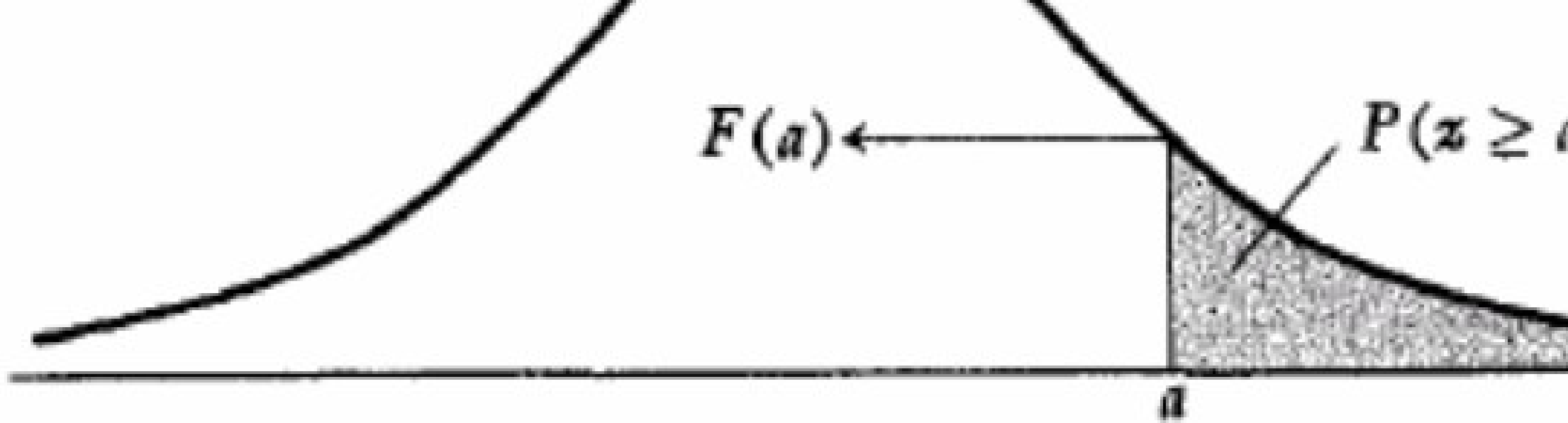
$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma} \sim N(0, 1)$$



$$F(a) = 1 - F(-a)$$



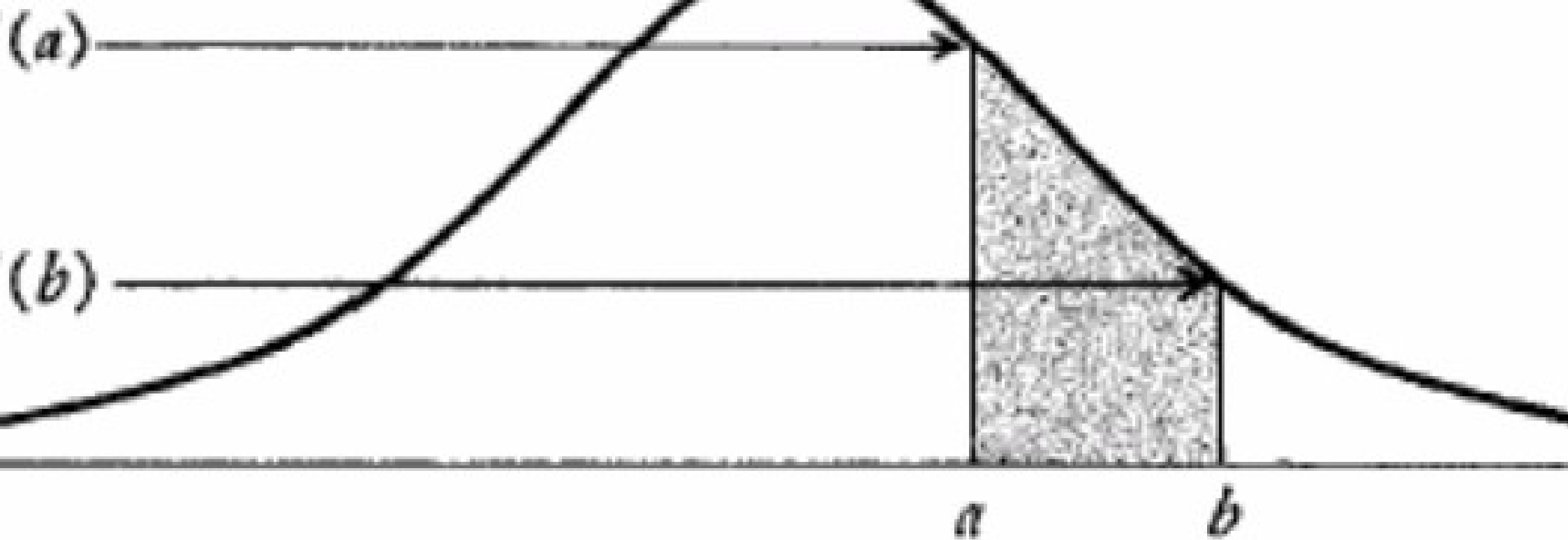
$$) = F(1.65) = 0.95$$



$$P(Z \geq a) = 1 - F(a) = F(-a)$$

$$P(Z \geq 1.5) = 1 - F(1.5) = 1 - .9332 = .0668$$

$$P(Z \geq -1.5) = F(1.5) = .9332$$



$$P(a \leq Z \leq b) = F(b) - F(a)$$

$$P(-1 \leq Z \leq 1.5) = F(1.5) - F(-1) = F(1.5) - (1 - F(1)) = .9332 -$$

$$P(-1 \leq Z \leq 1) = 2F(1) - 1$$

7291	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517
7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823
7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106
8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365
8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599
8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810
8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997
9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162
9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306
9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429
9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535
9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625
9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699
9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761
9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812
9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854
9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887
9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913
9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934
9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951
9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963
9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973
9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980

s que le résultat de la note un examen X suit une loi
er la probabilité $p(X \leq 12)$ que la note soit inférieure c
ette valeur, on ne dispose pas de la table de la loi $N(1$
table de la loi $N(0 ; 1)$).

le alors un changement de variable pour se ramener
duite :

entreprise qui produit des pièces, la longueur de ces
 X qui suit une loi normale $N(50; 0, 2)$

les probabilités suivantes

longueur de la pièces est inférieure 50,19m

longueur de la pièce est supérieure 50,16m

longueur de la pièce est comprise entre 50,16m et 50,

déterminer le nombre réel positif a tel que $p(50 - a \leq X \leq 50$

trouvé

Sur un grand nombre de personnes on a constaté que le taux de cholestérol suit une loi normale avec les résultats suivants :

6% ont un taux inférieur à 165 cg ;

44% ont un taux compris entre 165 cg et 180 cg ;

50% ont un taux supérieur à 180 cg.

Quelle est le nombre de personnes qu'il faut prévoir dans une population de 10 000 personnes, si le taux maximum admissible est de 182 cg ?

rt-type σ alors $Y = \frac{X-m}{\sigma}$ suit une loi centrée réduite. Donc
peut lire dans la table de Gauss $F(0.15) = 0.5596$.

$P\left[\frac{X-m}{\sigma} \geq \frac{180-m}{\sigma}\right] = 0.1$. Donc $P\left[\frac{X-m}{\sigma} \leq \frac{180-m}{\sigma}\right] = 0.9$ et l'o

résoudre le système d'équations : $\frac{165-m}{\sigma} = 0.15$ et $\frac{180-m}{\sigma} = 1$
 $= P\left[\frac{X-m}{\sigma} \geq \frac{182-m}{\sigma}\right] = 1 - F(1.43) = 0.0764$.

le nombre de personnes à soigner de l'ordre de 764 person
rchette.

ine est réglée pour remplir des sachets à farine de 10
e a montré qu'en réalité les sachets ne pèsent pas tou
ppose que la masse X d'un sachet suit une loi $N(100$
t le théorème central limite, calculer les probabilités
erpréter les résultats dans le contexte:

$P(X \leq 980)$, $P(979 \leq X \leq 1031)$, $P(X \geq 1010)$

er z tel que $p(Z \leq z) = 0,95$

er z tel que $p(Z \leq z) = 0,75$

es températures de l'eau du mois de juillet
éman, suivent la loi normale d'espérance 1
pe 3,6 °C. Une personne part camper en j
ourtour du lac Léman. Donner les probabili
température de l'eau des plages dans les ca

Températures inférieures à 16 °C

Températures comprises entre 20°C et 2

Températures supérieures à 21 °C.

on de la loi binomiale par la loi normale

qu'une très bonne approximation de la loi binomiale $\mathcal{B}(n, p)$ est la
)) lorsque

$$n \geq 30, np \geq 5 \text{ et } n(1 - p) \geq 5$$

e a permis de révéler que le score d'un candidat lors d'un examen est modélisé par une variable aléatoire X qui suit une loi normale centrée et réduite.

Dans ce cas, Déterminer l'espérance μ à 10^{-2} près.

On suppose que 5% des candidats ont un score inférieur à 60 points.

On suppose également que 5% des candidats ont un score supérieur à 70 points.

Les ventes sont deux à deux indépendantes. Une étude a montré que, sur 40 ventes différentes, la marque A réalise 30 ventes.

On note X la variable aléatoire qui, un jour donné, représente le nombre de ventes de la marque A vendus ce jour-là.

Expliquer pourquoi X suit une loi binomiale et préciser ses paramètres.

Calculer la probabilité que, sur 40 appareils vendus, au moins 15 soient de la marque A. En donner une valeur arrondie à 0,01 près.

Calculer l'espérance de X . Calculer l'écart type de X . Donner une valeur approchée à 1 près.

On décide d'approcher cette loi par loi normale de paramètres $\mu = 15$ et $\sigma^2 = 44$. Soit Y une variable aléatoire suivant la loi normale $N(15, 44 ; 3)$.

Donner une approximation de la probabilité de l'événement $X \geq 15$.

